**摛藻堂四庫** 

全書

薈

曾要

子部

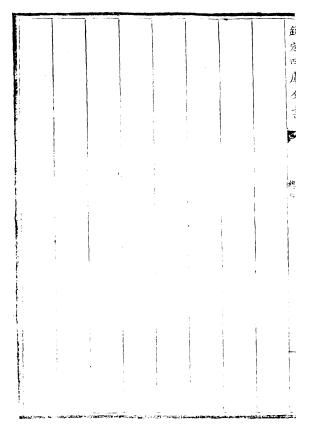
欽定四庫全書替要 御製數理精蘊上編卷

詳校官主事臣陳木

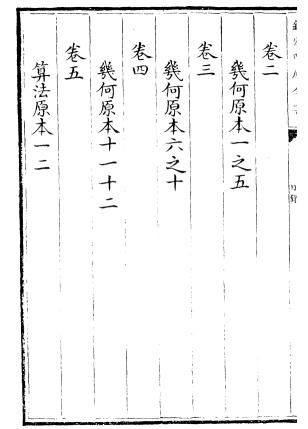
製數理精為總目 欽定四庫全書養要 聖祖仁皇帝御製乃律思淵源中第三部也上編 上編五卷 表八卷 下編四十卷 臣等謹案數理精為五十三卷 卷日立綱明體其别有六日數理本原日 即製數理精益 河 五

庫全建 原本下編四十卷日分條致用 卷 首 圖日洛書日周 必精必詳洵為萬古推測家之範圍矣乾 除 平方勾 部 諸法正轉合率和較諸比例盈胸借哀發 表曰八線對數表於凡度量權衡加減東 其 日線 别 有 部 四日八線表日對數闡微表日對 股 割圓三角邊線諸算有圖 白面 胛 部日體部日末部又表 經 解曰幾河原本曰算 其别有五 有 法 E

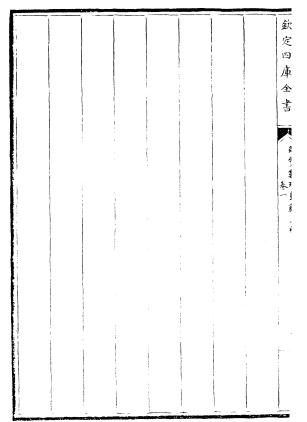
歃 定 四



文 足 り 車 製理精為上編 欽定四庫全書舊要 卷 數理本原 一綱明體 洛書 周解經解 河圖 2 P. 一一 御製數理精蘊上編



御製數理精益上編卷! 欽定四庫全書養要卷一萬八百十九子部 洛書 河圖 數理本原 周髀經解 一知即及里門盖上編



學務上古河出圖洛出書八卦是生九轉是叙數學亦

章之義已改充命義和治歷哉授人時而歲功以成周 於是乎聲馬益圖書應天地之瑞因聖人而始出數學 窮萬物之理自聖人而得明也昔黃帝命隸首作算九

官以六藝教士數居其一周解商高之說可考也素法

者述唐宋設明經算學科其書頒在學官令博士弟子

而後代不乏人如洛下閱張衛劉焯祖冲之之徒各有

設為幾何之分而立相求之法加減乗除凡多寡輕重 習是知算數之學價格物致知之要務也故論其數 定四庫全書 新製製理精驗上線

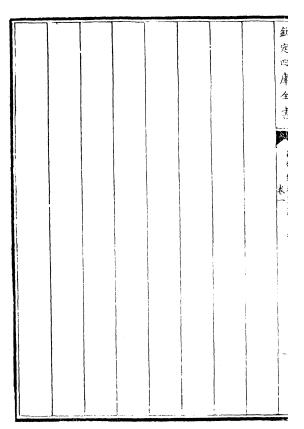
貴賤盈胸無遺數也論其理設為幾何之形而明所以 立算之故比例分合凡方圆大小遠近高深無遗理也 其本原加減實出於河圖乘除殆出於洛書一奇一

對待相資遞加遞減而繁行不窮馬奇偶各分縱橫

配互來互除而變通不滯馬徵其實用測天地之高

深審日月之交會察四時之節候較畫夜之短長以至

云爾 御繁使理與數協務有神於天下國家以傳於億萬世 以為目法無論巨細惟擇其善者由淺以及深執簡以 匯集成編以類相從提點線面體以為網分和較順逆 協律度同量衡通食貨便營作皆賴之以為統紀馬今 和权敗理情温上編



御製數理精盤上編

e9

 $\Diamond$ 

ġ

於 示 圖 -陽奇隆 而 以 三自 道 而 五 /其常數 生 成 而 而 六六 偶 地 統 四 而 自 加 之體也考其 五成數 數 數之 五 四 加 而 而 五 而 セセ 五皆遞 減由是生馬自一 位 四 同 相 天 六數站於 故至十 處 5 þо 得 地 其 而 加 各 六 カ 而 二中 有 に 揭 合朱 相 而 生 其 於 自

而位西四加一為五為陽天五生土而位中至五而 三為陽天三生木而位東三加一為四為陰地四生 而言之數今以陰陽相生之數論之一為陽天一生 一陽在南而陰在北地之陰在南而陽在北故河圖 位 位北一加一為二為陰地二生火而位南二加 祖得而各有合以五行之序而定位也部子曰天 陽位於北二陰位於南其即五行質具於地之義

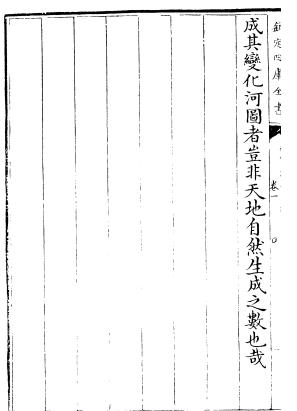
一 却製設理精盤上編

數全矣天數陽也地數陰也言天地即所以言陰陽

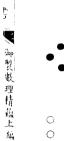
行之數已周此生數之極也自一至五則五又為一體 位而屬之土馬至十而五行之數再周天地之數已備 金馬九加一為十以中數五計之復加五故與五同 於是以五為中數而復加一則為六六陰也因五中 數五計之實加二故與二同位而屬之火馬七加 八以中數五計之實加三故與三同位而屬之木馬 為九以中數五計之實加四故與四同位而屬 相加故與一同位而屬之水馬六加一為七 以

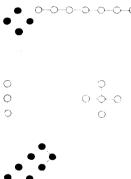
定四庫全書

與六合二與七合三與八合四與九合五與十 與陰陽與陽各從其類者也以奇偶相得之數論 成數之極也以陰陽運行之序論之以五生數統 位居於中而奇數 偶數 紀之數其摩於此然則 相得而各有合者也邵子謂圓者河圖之數 (則始於南二次西四次北六次東八此數 無問表裏相維百千萬億總由此推之 一 御製數理精監上編 以始於北一 所謂數者即一陰 次東三次南七次



2







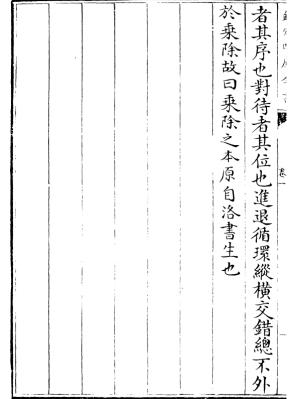
數生馬起於二以二兩之則二四八六之數生馬其 生也易說計傳日參天兩地而倚數三天數也二地 雖多來除盡之矣夫洛書者數之源也乘除之所以 洛書之數戴九履一左三右七二四為肩八六為足 居其中朱子謂以五苛數統四偶數而各居其所 也天地相合而萬物育馬一者太極之體其數 主於陽以統陰而肇其變數之用也部子曰數學 故數行於二三起於三以三参之則三九七一之

故右七自西而非七而三之為二十一去成數餘一 於東方發生之地而位於左自東而南三而三之是為 合而為十十仍歸一洛書不用者藏其用也是故三始 以陰從陽之義其三九七一乗數則旋而左除數則 序列之位則天居四正取以陽統陰之義地居四維 二三相合而為五五則無對居中者立其體也二五相 而右也其二四八六乘數則旋而右除數則返而左也 故戴九自南而西九而三之為二十七去成數餘七

之地而位於右肩自西南而東南二而二之是為四位 一對待者觀之一與九對一為數之始九為數之係互 旋以二兩之即地道右行之說也如轉而左行以二 左肩自東南而東北四而二之為八位於左足自東 行以三除之仍復其原數馬二立於西南二陰始 之仍復其原數馬此乘除之數見於運行者如此若 奇數左旋以三參之即天道左行之說也如轉而 西北八而二之為十六去十餘六位於右足偶數

皆二十四四除二十四得六六除二十四仍得四此 除十六得八八除十六仍得二此二與八之相倚也 圍皆得十五合之得四十有五為九五之數要之運 與七對三七互乗皆二十一三除二十一得七七除 於洛書之中以建人極配上下而為三才故斜直 六之相倚也至五為二三之合天地之交陰陽之會 互除其數不變也二與八對二八互乘俱得十六 得三此三與七之相倚也四與六對四六互乘

三日 自日日 即 御製我理精益上編



周髀經解 冲之郭守敬輩殫心象數立密率消長之法以為習 數學之失傳久矣漢晉以來所存發如一錢其後祖

藴也明萬思問西洋人始入中土其中一二習算數 地體是以測之有變更度之多盈縮益有未盡之餘 算入門之規然其法以有盡度無盡止言天行未及

者如利瑪實務尼閣等著為幾何原本同文算指諸

· 定日車至書 即製製理精益上編 書大體雖具實未闡明理數之精微及我朝定點以

我相繼治理思法間明算學而度數之理漸加詳備 然前其所自皆云本中土所流傳粤稽古聖克之欽 政推步之學孰大於是至於三代盛時聲教四記重 明舜之濬哲思象授時閏餘定歲瑤璣王衡以齊七 海外之支流反得真傳此西學之所以有本也古算 子弟失官分散嗣經秦火中原之典章既多缺供而 譯向風則書籍流傳於海外者殆不一矣周末畴人

來遠人慕化至者漸多有湯若望南懷仁安多閔明

莫不與西法相為表裏然則商高一篇誠成周六藝 或在於是若周解本文辭簡而意該理精而用博實 書存者獨有周解周公商高問答其本文也禁方陳 詳正弁於算書之首以明數學之宗使學者知中外 言數者所不能外其圓方矩度之規推測分合之用 驗天狀多所違失按禁方陳子始言各度衛邕所疑 子以下所推行也而漢張衛察岂以為街數雖存考 之遺文而非後人所能假託也舊註義多好訛今悉 和製數理精臨上編

昔者周公問於商高日竊聞乎大夫善數也請問古者 色樣立周天歷度 周天歷度者分周天三百六十度為推求歷日之用 本無二理馬爾 鉑

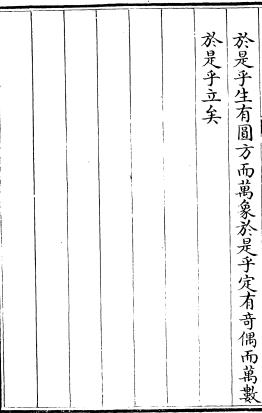
定四庫全書

天度一周年以是紀而歲功成月以是紀而朔望定 也按通鑑載包樣作甲歷天干地支相配六甲

晝夜以是紀而時日分易大傅言包樣仰以觀於天

文俯以察於地理其觀察之時必有度數以紀其法

夫天不可陷而升地不可將尺寸而度請問數從安出 商高日數之法出於圓方 アミリ 日 二日 一日 御製數理精益上編 萬物之象不出圓方萬象之數不離圓方河圖者方 象則思度始於它儀無疑矣 者方之體偶也奇數天也偶數地也有天地而萬物 之象也洛書者圓之象也太極者圓之體奇也四象 知從何而得也 天之高明地之博厚非人力所能及其思度之數不



金为四月五十



たこり

Ď

始得故曰圓出於方也 易度而圓難測方有盡而圓無盡故推圓者以方度 以數而論出於圓方以圓方而論則圓出於方益方 股為無數多邊形以切近圓界將合而為一而圓周 之以有盡而度無盡也是以圓周内弦外切屢求勾

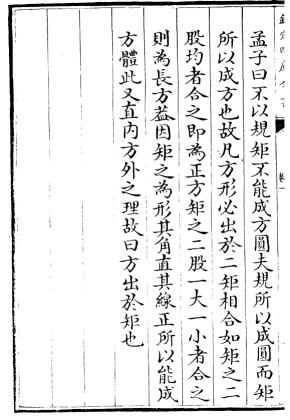
5四月五1

+

こたこり

مسلم للم الصد

御製數理精益上編



· 一御製製理精編上編

為三十六七七為四十九八八為六十四九九為八 數者以九九之内他數俱該也是以一一為一二 度圓方者遞歸於矩而矩之形總不外乎二數相 十一乃矩之二股均平所成之正方也一二為二 為四三三為九四四為一十六五五為二十五六六 三為三一四為四一五為五一六為六一七為七 九九者數之終而一一乃數之始言九九而不及他 八為八一九為九形雖未方而其理猶存也二三為

六一十八三七二十一三八二十四三九二十七 六七九六十三八九七十二乃矩之一股小一股 五六七四十二六八四十八六九五十四七八五十 五二十四六二十四四七二十八四八三十二四九 八一十六二九一十八三四一十二三五一十五三 三十六五六三十五七三十五五八四十五九四十 所成之長方也至於一百之類雖為正方乃十之相 四為八二五一十二六一十二二七一十四二 ~ 御製設理精臨上編 四

**新庆四库全書** 或十一十三十七十九之類十一為二五一十之奇 乘十則仍歸於一也又如八十四九十六之類乃六 以九九之數為方之本而方之形必合以矩故曰矩 不得成正方亦不得成長方故不入九九之數也是 十三為二六一十二之奇十七為四四一十六之奇 七四十二六八四十八之倍不得自立為數之本又 出於九九八十一也

故折矩以為勾廣三股修四徑隅五

一一知以以里山是上痛

前言圓方之形此言勾股生成之正數也以二年合 股之末以斜弦連之是為徑隅徑直也隅角也言自 之既為方形今以一矩折之則為一方之兩邊是以 而倚數天數一參之則為三地數二兩之則為四三 二合之則為五此又勾三股四弦五之正義也 始得五此乃自然生成之正分也易日参天两地 角相對直連之也勾之廣必三股之修必四而徑 矩之横者為勾之廣折矩之縱者為股之長於勾

欽

定四庫全書 一八千十二

環而共盤得成三四五 兩 加 此言勾股之面積也勾股以弦連之不得為方形必 此言勾股苑相和之數也環而共盤者環繞盤旋於 再合一矩乃為一長方所謂方其外者言於之外復 矩者也 矩合成之數半之得六乃勾股之面積所謂半其 矩以成方也勾三股四相乗得一十有二即為 一即一即製學情温上編

既方其外半其一矩

一 銀定四庫全書 勾股弦之周圍得成三四五共之為一十有二乃三 數相和之總數也

兩矩共長二十有五是為積矩



御製戴理精強上給

てこ) 三

J. 4.15

2

鱼定匹庫全書 故禹之所以治天下者此數之所由生也 故為勾股弦相求之法也 求者以勾股弦各面積彼此加減以立法也勾三自 此言勾股相求之法也兩矩者勾與股也其所以相 之精弦之自乗積内減股自乘之積得勾自乘之積 乘為九股四自乘為一十有六合而計之為二十有 曰積矩也弦之自來積內減勾自乘之積得股自乘 五是勾股各自乘之積相併而與弦自乘之積等故

商高日平年以正絕 周公日大哉言數請問用矩之道 钦 言禹之平成之功昭垂萬古揆厥所以奏績者必藉 勾股以審高下始得順水之性而告厥成功也然則 禹之所以治水者非此勾股之數所由生乎 定四庫全書一种製製理精強上編 此言用矩立法必以正且直也平矩以正絕有兩義 平置其矩使矩之角直以此直角之一股或横或平 度為復自一股引絕以度其分則此分為我 Ŧ

道矩之角正即 準故為平矩以正絕又平者均平整齊之謂用 乃得度其大小之分此矩既正而所測之度亦正矣 正不論其分之幾何引之又必令直方能得測度之 絕之以直始得立法之精微故曰平矩以正絕也 故以所知推所不知此絕引長時必使與直角 子曰規矩準絕以為方圓平直絕者即準之之意 矩所以度圓方而準絕所以考平直故準之以平 也然後二股得直以之測高測遠 矩

足日事全書 一即果數理精論上編 仰 股與立股之比即所知之遠與所測之高之比也故 矩以望高 此用矩測深之法也覆者俯也俯矩方可測深矩之 矩以測深 此用矩測高之法也偃者仰也仰矩方可測高矩之 股立者在前一股平者在上平股與立股之比即 股植立在前一股定平在下然後比例推之益平 測之而得高

仌

琛 卧 矩以知遠 圓則成一圍環矩者即旋規之說也 矩以為圓 所知之遠與所測之深之比也故俯測之而得深 此用矩測遠之法也卧者平也平矩方可測遠以矩 用矩為圓之法也以矩之一端為樞一端旋轉為 所知之度與所求之遠之比也故平測之而得遠 一股為横向内一股為縱向前是以横與縱之比

悉一

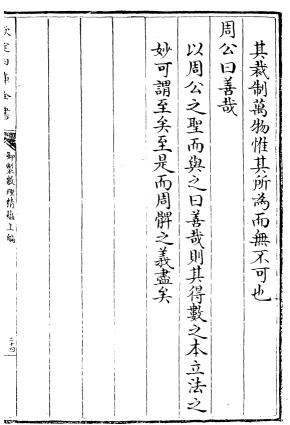
方屬地圓屬天天圓地方 尺 E I E A L 和製數理精盤上編 合矩以為方 前言用矩以測高深廣遠復用矩以為圓方此以圓 也樂記云著不息者天也著不動者地也不息故運 方屬之天地者非以形體言益以陰陽動静之理言 即前方出於矩之說也 此用矩為方之法也矩二股也兩矩相合乃成一方 而不積圓之象也不動故静而有常方之理也且圓

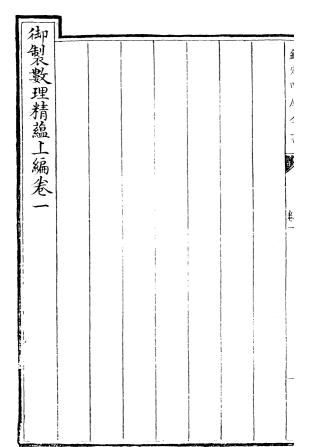
方數為典以方出圓 數之可盡者必偶是以陽為竒陰為偶此方圓之理 為典則以方出國者以方之形度圖之分從方數中 典則也言圓之數奇零不盡不可為則故惟方數可 數所以屬乎天地也 於地上度之是仍以方度圓也凡數之不盡者必奇 之數無盡而方之數有盡天不可陷而升測天者恒 生出圓數即前圓出於方之說也如圓徑求積則以

金贝四月石豆

笠以寫天天青黑地黄赤天數之為笠也表黑為表丹 たこり きとる 一個製製理精益上編 黄為裏以象天地之位 象也 青黑為表丹黃為裏以象天地之位益取天包地之 象也青黑天之色黄赤地之色天數之為笠形則以 此即儀象以表天地之形色也益形圓故以象天寫 徑自乘之為正方形而以方率圓率比例推之即得 圆精是皆以方出圓之理也

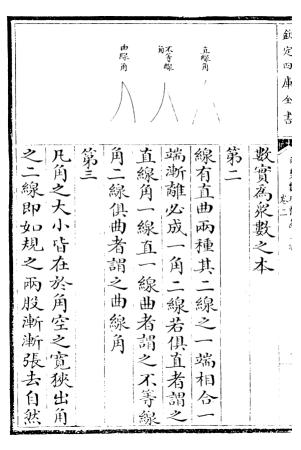
於數其裁制萬物惟所為耳 是故知地者智知天者聖智出於勾勾出於矩夫矩之 以知地而為智知地之數即可因地以知天而為聖 自然亦不能無所憑藉而知也故明勾股之數即 物之大小巨細豈能外於矩之度分乎故矩之於數 為勾股之本而天地之高深廣遠皆賴矩以測况萬 矣故曰智出於勾也然勾股之形又賴矩以成故矩 天地之高深廣遠非聖智不能知然聖智非由理之

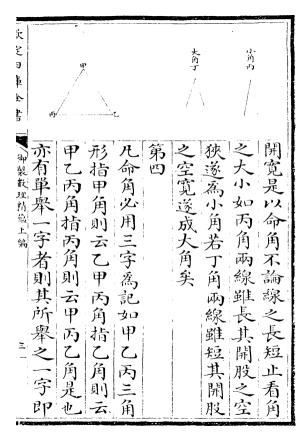


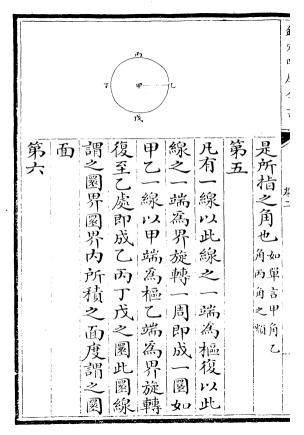


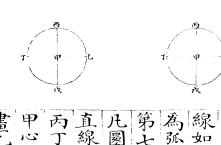
欽定四庫全書首要卷 幾何原本二 幾何原本二 一萬八百二十

綠 面 即間厚線是線凡第幾 母即同母線是級比男 叛 光 新 男 有 是 縣 是 新 原 不 住 長 泉 太 廣 度 本 本 面分謂澗綱之必為體不之而是而始 皆可體無以為於 由以惟厚有面一 此數點者長自點 生度無調而面自 點然長之無精點 雖線瀾面澗之引 不之厚長者而之 入兩藻與謂為而 於端其間之體為









心丁線國至戊將自 線 翠 線乙 2 或園園 其丁 以為過 甲兩 圛 翠

平

分

盲處自則相

處

過

過園為對

界國

乙徑

如

15

至

12

書

翠

界

桕

短

其

分

斾

至即戊為

俱弧

丙

之

弧墨

名至

故 丙

五

Þ Ł 5 一种製數理精益上 P 7 丁 及 為丙 自

甲

為

墨

徑

戊界為

線雨心

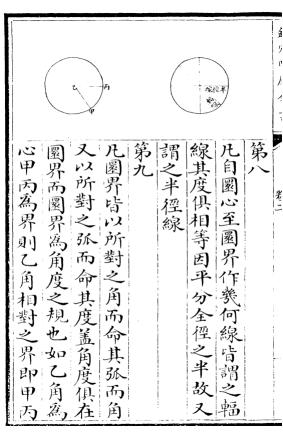
甲

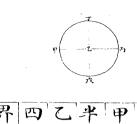
13

至

Э

Ē





国界丁書 分之一者

图此

而 甲 丙 弧 即

乙角之度也

線若得則了

圛

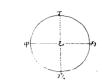
界

义自

成畫







其所成之角去直, 其所成之角去直, 平分國界為四其四平分國界為四其四

垂線可

知

矣

銳角若過四分之一者謂之鈍角相對之弘不足國界四分之一者

對之

則四此 其弧線

徑對之

互必因

必

相之垂交

四角蓋

相調直對之線

全 書

戊之徑

復

戊

丙

两

凡得

畫甲乙

か

别

欽 定

四 庫

庐

線乙

總乙對角分徑

甲

31

图

界

線丙 將

遂之

界

か

してて

書

處心

丁不

成於一兩丙銳

鋭平

丁成半圈

庚 之

徑乙丙國於則

之角

白

至

成

釓

角

丙半故

自

墨

復

而

ò

5

二角

长

謂

之

對

角二角

雨鈍

角

合

前

為

四

矣

線

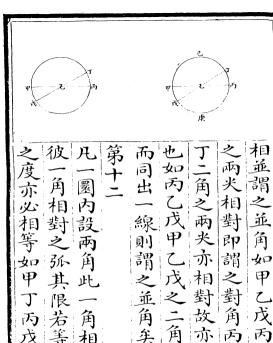
復

二成於相

角鋭戏

角 處

故丙



角 矣 二角两調 故

並 角

盐十

尖 2 角丙

乙戊甲

乙丁

角

岩等相

則對

2

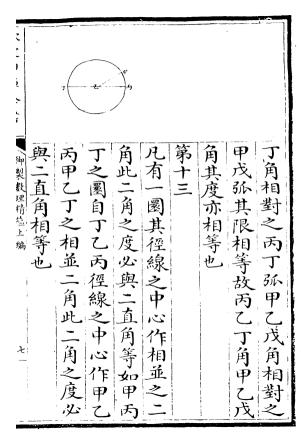
弧

與

业上

角

盆 贞 Ľ 屆 刍



己為心两為界旋轉畫一國則两乙丁 直線上畫一甲乙直線至於乙處即成 可直線上畫一甲乙直線至於乙處即成 可直線上畫一甲乙直線至於乙處即成 一直線上畫一甲乙直線至於乙處即成 一直線上畫一甲乙直線至於乙處即成

一直線交於他直線其

庫 全建

定 匹

鈍。 角

角

一人御製數理精龜上

界所界

四丙而

徑

故線角

分し

與所

之

\_

成

鋭

一線

圛

全書

欴 定 19 庫

半而角線矣 然園各各又此園 為相將两之

仍平可皆平線

界在分知為分

15

兵一為中界 又圈雨 如界平所分 戊四分畫 乙分則之 之此甲



角

雖

国之年度前言一國之界故泉角

四直角等盖

四甲



## 自 心畫為 展少學 線度也畫 相等 直越 衆

聚如

輻線

自甲

平心至し至」 平が成之角難

丙



ò `

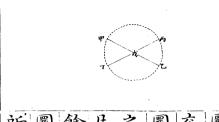
四直角等也

一本事製製業務無上編 本子分而甲戊乙之徑線為甲丙乙之 大丁丙戊乙之二對角斯二角之度必 は相等今以二線相交之處為心旋轉 八丁丙戊乙之二對角斯二角之度必 大丁丙戊乙之二對角斯二角之度必 一人兩直線相交所成二對角之度必

轉

之為圍

必甲俱



半 两相等之死 成對角 界内減相等之 因 两 丙 其 半 等 度 去 翠 丁 減去弧 界 甲 今 必

去丙

段弧

相

等之

二弧丁 半所弧丁

甲

又

餘

甲

甲

丙

2

丙

丁

體甲

對

之

丙

甲

ū

弘

等

兹

將

甲

7,

係

全

累

故之

相半

丙徑 線

線

丙

即

餘

丙

2

弧

丙

甲

贞 175 盾 刍 녈

尺 E Œ Þ Ł 5 度 第 ک 御製數理精盤上編 及為三百六十度之為六十微一微人 同 大小園 十七 餘 丙戊 一弘之度 中戊丙 理 戊丙丁戊 故其 界 既 所 分 俱 定 對 者取其數無方 之角 乙度 亦 亦 筝 度與必 見り 久亦 火甲戊 相等可 所 + 奇零 對 之甲 相 秒度 丁丙 等 而 失口 便界秒



乙凡乃數之中百於

一當徵

道容丙其界以六面期之

前度是離度之可以至日符 二三合 信馬甲可之大得三 几全乙以園小整百 分百也 角圖 丙 客 心 如 數 六 墨 甲也、十去十三日

行 第戊為角團 下間一相 也相 線畫二級 離之

線自 則上

此一

)分俱等則

此,

此三角之

度九直 其十岩

餘度過 者九

類為十

推丙度

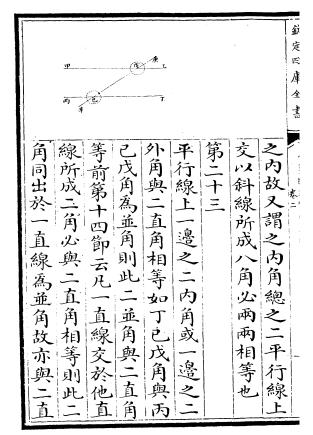
可



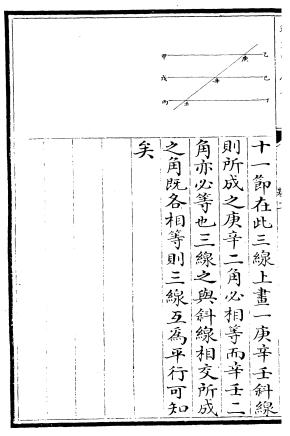
) 2. 5 凡第雖平二引 等 於 御製數理情題上 於 矢甲1 無 丙 窓 編相線 丁線或 7 自 等假使成所成斜 其 <u>:</u> 端 至 縱巴 終 線 不 能故 相同 合平 線 大線庫俱交 土 於之辛相 線度

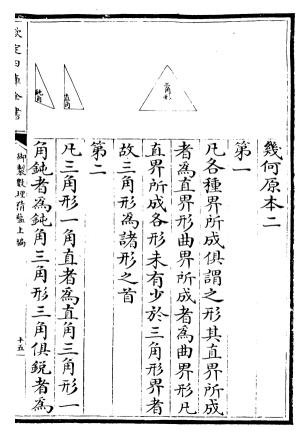
灾 眉 刍 긭 第二 向 角度有 《相交成二角 已丁角 ا کے 丙 丁線甲 ]丙丁二線 乙甲 一線上畫 謂之 水上畫 一 乙戊 對角 則 毫 丙 己二 1 此二角 丁線 無 必 角 偏 必 是 線 斜 其 對 八角或 必 又 不 則 於 平原 得 人相等因 成 戊線 相 內外 行 等 辛 车 角 直若而

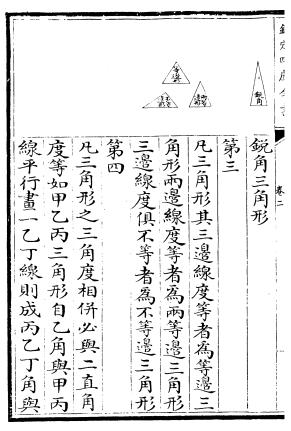
其又 而其 如立度甲科亦 立 故 之 二角 斜亦謂 敗理 度 線相之 之等内 相 等 庚左因外 卤外相 謂戊右其 角 其角等之乙故俱甲 其 戊 乙因並二 又在 俱 戊其角角 譜 平 2 平 戊 已俱康 在 其之 行 ·平 丙 在 戊 度 相 \_ ک P 線 行已平 不 對 \_ | 戊行 等 錯 之 二巴因 自角



欽 定 四 庫全書 已間 亦 以為並角 中二並角亦 如甲 相 為 凼 線 線行復 為與線與 並 並 角 己 一直角等 \_ 線行甲相 並 與二 角 两行 陷 直 前第 者 丙







文 E E 車私 角 減 之度耶人一直角 既與 丙二二平 之度 角 二卷為 而尖 角计首行 角 姐 度所是線甲 交 角 甲 餘節第內 錯 角則 與甲 為今 甲於邊 之一直角 甲 P て 7 2 7. 丙丙角 十六 内 ·角為甲 度 丙直 角與 非二直 乙丁 白角 內

角形內甲二

如 直角等之一角形之 甲 一乙两三角形 久與三角, 而用一 丙二鋭 て 丁角 度 有之原與 人之度等 即為外角 内 沂 角 2 二直角 益甲 **,**其度與 3]

3]

角

角 至



月所併之度為相等可別所餘之两乙丁一外外角所併之二直角內

角所併

併之度亦

減去甲乙丙角則以必相等今於內外內 角度與甲角两角 第知 六矣

一一形之式亦等其底線之二角亦皆等所合之角又等則二形底線之度及等

欽 定 四 庫 全 書 丁茂若 線 必是 如甲乙丙 八乙角口 形之 将二 甲角丁 形 一三角 ف ک 必 Ξ Ź 甲 角等線 角 其二形之 已角 相 开多 等 若 可两角戊角、一形之三角、 等甲两丁 各 合 土 丙

) 5 A. A. O. 1 一次與數理情報上新 中乙線所两相等則甲角與丁角乙角 中乙線丁戊線甲丙線丁已線乙丙線 中乙線丁戊線甲丙線丁已線乙丙線 中乙線丁戊線甲丙線丁已線乙丙線 與戊角丙角與己角必各相等而上 與戊角丙角與己角必各相等而之分亦 第 庚或下斜於辛不成 與成己力 不符 少是戊 直 線 が形実 已線 線之亦角

窗 埞 庫 生 1 丙 分 恰亦三相俱界 梎 俱 符相 所 付故所函之分亦俱恰以明五之分丁戊已三界以 形分相 線 所之亦等相 等 成甲相則 之 乙等其其 甲線也他相 角丁如線等丁戊甲他線 相之所 符各區 線乙角左 也線之



然形

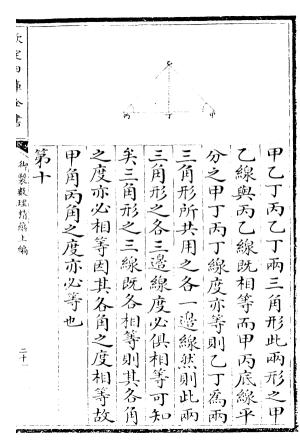
二角 甲角 符

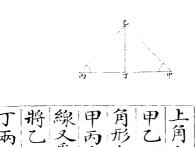
相等矣若 **咏度等** 與與 岩分與 他度 丙 線 角 甲

製數理情盤上 丁已線度等丙 丁巴戊 他 俱 2 2 已角 等之角 角 線 剪 形 符 血 所亦 此戊丁

乙線 **用亦必不符** 各 等甲 戊面 角相 度 線 2 與與 較 相 分 丙 角 此 較 自 7.

金 定 匞 庫 全書 分於丁處自丁至乙角畫一直線遂成角两角之度亦俱等也若以甲丙底平皮亦以等即其甲丙底線之甲度亦必等如甲乙丙三角形其甲乙丙 第美不 相等角既不相等而形式亦必不一線斜出或一線偏入以致各角 甲丙角 同俱





垂則

級分將

分

形之各の為甲乙

線相底两

形

自上角

此至

各

相等而

各角之度又

俱 相

而甲丁乙角两丁乙角又為相 丁角两乙丁角将乙角為两

故 2

丁線為

等之

分两年

甲丙底線之垂線也直角因其為两直角

凡三角形内長界

所

對之角少大

界

两界長於甲两界故其相對之甲所對之角必小如甲乙丙三角形

·對之甲角·

**脚製數理情題上編** 

,

























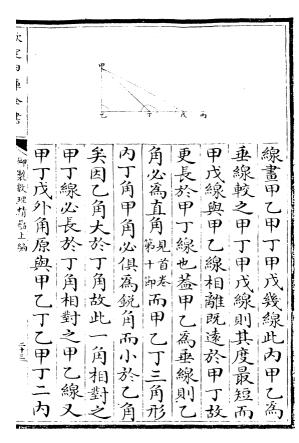


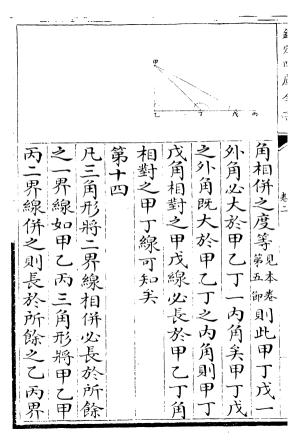


釖 埞 匹 庫 全 建 两 角 之两角 角 丙兩界 甲 乙角而甲乙界 し丙 丙 原 於甲丁丙角美 亦 ·小三角形之外角 小自乙甲 丁两界 方 相等今甲丁丙角 度 丁 1). 復 既 於乙角也試依甲 相等之 相等 丙角 自甲至丁作 短 則 於甲丙界 三角形 此 分 P 相等之 則 與小三角 甲丁两角 丁 丙 P こ 一甲两角 丁甲 丙界 放 夫 P 丙 EP

定 足日華全書 一种製數理精藝上編 丙三角形之乙角為直角則 三角併之與二直角等與本凡三角形內以有二 銀角至 角少更大 颇 天夫甲丁丙角既大以外甲乙二角之度等い 大里大於 理亦 同 こ 角既大 相 併之 則四本盖 角形 餘如 中 甲 角为知既 て」之

相離愈遠則愈凡自一無惡人起 直角 两角併之始與乙角相等二角併 與 之丁角已角愈小於直角而及丁戊已三角形之戊角為鈍角直角矣故此甲丙二角為鈍角與一直角等則此二角獨較之 愈長也一一横線 如線 書 自而 一架 甲他線 為與則也以外 點線而 與衆 鋭 乙垂線 美餘如於僅





嵌 Ē 9 車 全 書



線與 角 . 2 甲 乙試

乙形作丙

2 線

丁乙

乙其大甲成界絲

相丁丙其丁甲

必

等

则

丙

為

丙

至

線對丁與 可之角 可知矣的一丁两界 復丁

於

對角角

之則

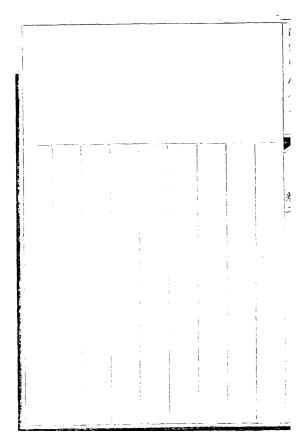
一人御製數理精 +見線乙親相 一本必历九本等自

銆

编 即卷長角節卷之丁線引 第於既則三至為 下大丁角乙甲

ニナコ

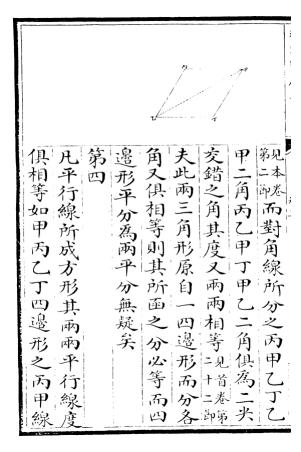
過上

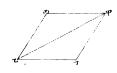


正方 而度 祭何原本= 不形線不線者者 小等者為等邊科の長者為長方形四角方 次長者為長方形四角方の大事市不平行而の 上方形四八 四平等方 ற

鉑 定 T. 生 建 角度 两對角少工 第 之角其成度 为角又為一邊之內外之角其度相等見 十十十年 方形其 又不等者為不等邊斜方形 度相等地 行 共甲角度两角度等而了少两两相等如甲乙两下行線所成方形其所面, 两丁 外二卷 P 角 線 為 31 其 而 八面之角、 度亦是五天 乙角度 丁平 錯作 行

钦 定 19 庫 全 書 四邊形之內丁 成內甲乙丁甲 如 第 二、卸二 對 甲 平 角之相等不言可 內 角行 甲角與两角必 乙丁甲乙 線過 夫甲丁二角 丁二角為 平形分自 开多 四邊形為 两形 **門為對角其度必等** 明相等三角形益此 形作甲乙對角線即 知 自 既等丁丙二角 相等而丁し 头 角其 為 兩三角





於戊則所之

内

两

對

角

成正中

戊如

戊甲

乙乙線

線丁相

丙二交戊歲處

戊相必

甲

1一种段及里青岛上高

五

之線

線 丙形

亦

必

相線

等俱

矣為

即

其己之前度甲各節

丁角

- 1

两

必

相两两

俱對

等線 各则成

甲三角

丁形

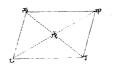
相角

前

度等丙

丁

線



二線 , 即成,即成,即成, 甲 第見

等度

相等對一見

十首為 二卷平

文 等 則 大 内 相 料

二等角相對之

角

丙

對 錯

Ž

戊丙戊丁

一等角相

必丙

四本即卷

丁

戊

二角

7. 丙

二角皆為

節行甲為

對

丙乙甲丁二線為平行 俱等蓋因丙戊乙甲戊

)甲丁二線

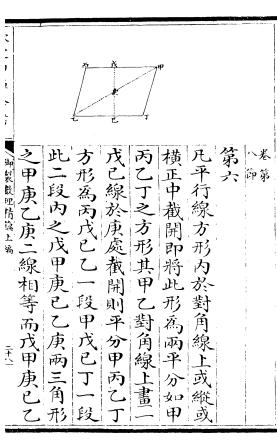
線

形

全書

四 庫

定



鈁 埞 匹 庫 全建 庚之两 相等 角又為 兩 又 交度又等 女口

甲

7 對

角

線將

・甲丙乙

貝门

此兩三角

則

其

甲

丙

乙甲

两

兩

相等之三角形

形

甲

而甲

庚戊

て東己

平

行

線内二兴交

2

内

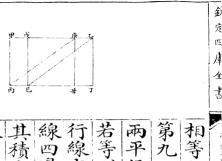
是四邊形於對角線不拘何處復 大四邊形於對角線之戊處復 大四邊形於對角線之戊處復 大四邊形於對角線之戊處復 第矣 方 各形 形為戊己線 既 俱 两 产 两 截自為两 相 等则 甲两乙丁 四平分可 形行復此線作 女口 復 甲作 丙相 四即一

愈. 凹 庫 全 書 成之形內成成了二形為成之形內式成之形內式成之形內式成之形內式成之田平分所成之田平分所成之田平分所成之田平分所成之田平分為兩平分所成之田平分為兩平分所成之田平分為兩平分所成之田 兩平分成甲庚戊甲己戊之一小方形復為甲戊對 て二形 が成 四甲乙對角線所成兩形必俱相 其甲 對對 對丙甲 两角線 角 角線線

大 Ë Э Þ Ĺ 5 一、御製數理精驗上編 去今 所餘對角線、去戊壬乙戊さ 所 成 两 Ż. 四邊 4丁乙两大三角形以外三角形之分亦以 成戊壬乙戊辛乙两大三角形之分亦以 此兩四人之两 兩 相 等小三角 少等 邊丙 相 等中 壬戊 等 滅 两

形而己乙面凡第八人方為內己人人有一人不多之一作等行 相等矣 九月三月 形 九月 一三月 形 一 一 三 八 一 三 月 一 長 方 一 長 方 一 長 方 一 長 方 丁丁以形四行過 三不形内形 一角同成於其

成乙丙己之形内毎加一 戊形丁形三人内戊内角 線戊成分戊 丙每 已加丙減 巴去然之已成若 内丁 - ! 丁 相 乙形戊等外 四 **丙**战甲 赤 邊丙之庚可角 一百丁丁角已成 形形分則知其 已戊俱甲 所多度為線已與丁 其则必 手面 今 成 又 餘 甲 於等乙度線两巴 積 Ž 甲 復 兩則 しか 丁自各坪 为此 7、三此丙然加行線



看線內 得 万一與明ら 六戸 其两已辛丁两京自两已成五多 武其甲

平行 則 面線內

無

論

等如你幾四

形其底

甲乙 四邊

平

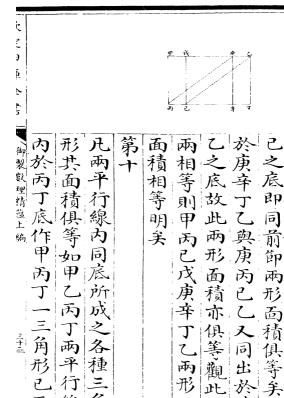
一東し書

等 平

則行

此

必 俱 等也



乙等

两觀

之兩康

形

同

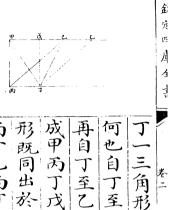
出

9

5

已行三

丙線角



ナし

四邊

形

虻

直

乙線直

12

丙 甲

总其

積

相等而

為面

丁至戊

直

與 Ź

丙平

业

兩三角形

面

積

丁已两丁 两 丁至己 丁戊 两三角 丙 作 己两 無論 面 積

开多

平

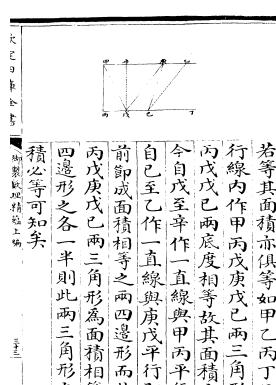
分兩四邊

亦

必

相等矣

一幾三角形



而

此

行

EP

行

形

之

相

筡

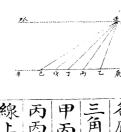
面

等

甲

7

丙



平處直乙丙聚而

第十二 各底相對之角又# 是角形必在二平之 即此四三角形以在二平之 即此四三角形以在二平之 明此四三角形以在二平之 明此四三角形以在二平之 明此四三角形以在二平之 明此四三角形以在二平之 明此四三角形以 同之各戊行共底 在角底已線遇若 癸於唐形月則 直 三甲辛其乙其線

钦定四車全書 一一御製數理精盤上編 六角形 五角形 邊七角作七線即成七三角形而此各即成幾三角形設如辛七邊形自心至 六邊者為六角 多邊多角形自角至心作線凡有幾 凡等過等角各形內五邊者為五角 角形之分俱 之與角而名之馬 公相等也 三古



欲知泉邊形

成七三角形凡三角形之三角與二直他何也似如辛七邊形以七邊數加一倍共度也如辛七邊形以七邊數加一倍共度也如辛七邊形以七邊數加一倍共度也如辛七邊形以七邊數即為各邊面欲知衆邊形各邊角之度將邊數加一倍共 直為度

角

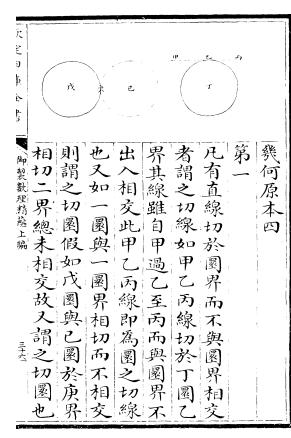
線度

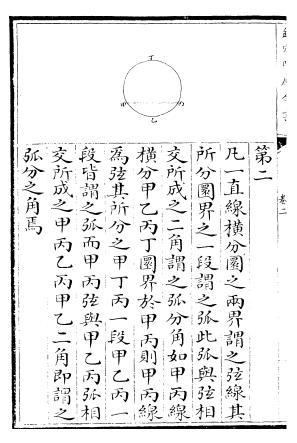
成也

则此七三角形之各三年

■ 海製數理精益上納 節若將十四直角內減四直角刀餘十 度共與十四直角等其七三角形之辛 心所有之七角又與四直角等見首卷 直角則此十直角與衆邊形之各邊角 之總度相等可知矣 三十五

卷二





飲 È 9 車 全 書



自

所線 

中各團謂之弦

園線 丙相 所頭 又分於一對成復

之 之

界角

死 两作之之一線

也」 丙

一一一御製數理精為上

编

故

分秋

為內甲段

弧角處自

分然相乙角謂相此遇內也之

對甲其弦如園相



所成之甲丙乙三角形即三角形謂之分園面形如三角形謂之分園面形如 所至

即為分園面如如甲園自甲的一九四甲國自甲

線心之

第 五

線則此垂線與輻線之末自國之輻線之末與國界

在相切

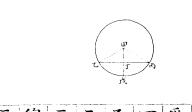
才乍

凡一國有二輻線截

第

凼

广 E 9 Þ Ý ŧ 圍之丙 因 翠 其線外一 製數理精 外線長此也點垂 既於線若相 線 線 整知出 朝少自 切與於 於線長園而甲乙 他 翠 必 於之此了 末 全 界出甲甲 垂輻 1年 在 之於了心線線 翠 外圈輻至之俱 丙 則界線丁 丁在 7\_ 即 三十八 两之十如作 等園 線此鄉 甲值, 線甲 見门 今甲云市戊在處此之



丙輻此丙成線線

第 平分如乙丙姓自國心华分如乙丙姓自甲心至弦,一段若自甲心至弦,四人一里之丙三角一里之丙三角一里之丙三角

k Ď \_ 5



二處

墨

界

两

邉

作

亦

若

將

垂 弧

線

3

至

線

則

將

2

丙

界

為

兩

乙此凡 自 末等邊

之外

等至

必

女ロ

自

至

墨

於甲

園 こ

界線

此

丙

切外

線度丙二 **两之相兩線園** 

五如線心甲

云卷此至二圈

翠

丙

垂作

節本則

弟

是因輻

其線

编線

一人御製數理精塩上



是公等因其相等故丁己 形之丁乙丁丙二線同為回 形 度

少等 二角

アし

丁

丙

丁二

角

原

相

**P** 

内

减

丙

丙

相

等

剅

甲乙甲

丙 去

甲 丁

丙

7

角亦

Ó

卸表

再 自

丙

至

7.

作

一

線

丙

丁

二角必同為

一丙甲乙

丙

兩三角

形

7.

丙三

角

翠

之

輻

線

丙

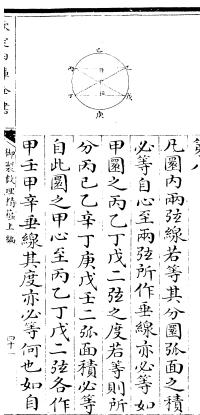
丁两个

ک

4 1

ĮŢ. L

往 万



等

線為等角傍之兩界線自然

框



已北角角即 己強己し事形形

相

弧亦等對兩

弧两规弧处则

丁节之

與戊第丙二儿三

面乙二首界相此此

角之两

相角相

等

兩

等對亦等

康戊

二段

線必

既相

壬

之等

角内之

等界 戊二等線線 则所必

成 丁庚既相各两 甲

两弦

角末

形

12 至

É



丙

之之

各辛

界丁

壬

四

線

兩

兩之

兩線五相既戊

等两

平相

相两而亦

等

别

弦各形辛

2 角

甲又

平平于之度公两两相等則

自

第

三角形內各

一為張之前的凡弦線之所展

弧線

為線屬

弧種

2

話

皇線 弧

欲之

取切 弧線

有 一為三

為









内輻線復 图 各 之 甲之

線強乙 取凡戊丁線丁自 之欲弧乙作分園 如得之線戊作心 欲各割為已甲甲乙度

角線乙垂丁

對於戊甲線戊至

則種正為線乙垂

甲界已弧則又界於

角度為切三團割末求 相必乙線種界出作之

申

乙弧戊戊線線

戊之線之成從

孤此弧丁此至

三之線三

角

用

三

線

線此

丙必

線如

得

輻

2

至

墨

戊

あし

全 書

庫

쉾 定 פיו

K ? 9 è > 2.5 心角在 翠 國界作 累 任

界

者

界角設 成二角

一两心

丙乙丙

至

作

甲

線園

即界

段至園心作

園心 者 度數

弘之戊己

正之甲

之割線

取 得

之或自

馬

自

乙戊

弧對

弧

之





同 用

一線者

有界角心角不

界角心角 各角之二

總之此三種心角皆大於界角

線

·者有界角二線

跨心角

1

一線

所成之式又分為三

一種

内之

心角界角同立國界之

段

而

窮

成甲丙乙甲丁乙二角其甲丙乙角為 心角甲丁乙角為界角也

白き

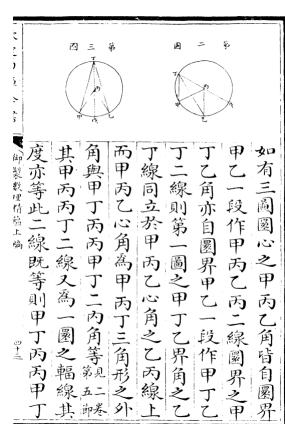
仍自甲乙至丁界

甲丁乙丁

眉

金

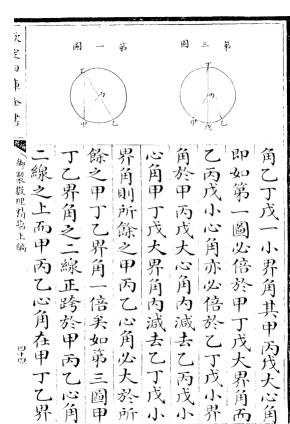
万 Ľ

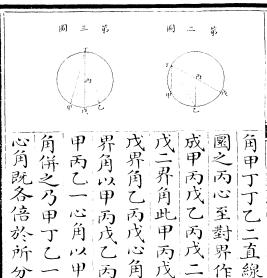


围 如第 六於 心與用 心角 尹 在 丙圈 少等 自 甲 が 2 P 丙 丁乙角 丁乙 甲 丙 2 甲 界 之乙 界 2 線過 丁 二内甲天 角之し 界 角円 即園 成之 角 丙 丁丁乙二線上西甲 線 丙 两戊 丁倍 等乙 而線 可 則 甲 失口 历同 美

窗

定匹庫全書





こ 丙

戊

一心角

併

亦

心

倍

於

2

甲

丁

戊

分之界角

角

分

丙戊

心角

必

倍

於

100

甲

角两

戊

全

徑

線 即過 É

線

之

时

则

自

丁



何

自國之 其度必 弧 弧

如段

任 作

相

切界

界角矣

丙乙心角

必

倍

於

所

併之甲

こして 俱 段至 相線 筝

成甲戊 自 圈之

八乙一心角此甲戊八八人戊心至國界甲乙八八二界角此二角之度

内此甲戊 一角之度少 一角之度少 作相切之

2 5

Э 5

角生此

2

k





知矣

則

此二角之度必等

一界角既

俱為甲

甲丙戊丁

國內

第十三 國内心角 線之

所 對

弧

線

界角

則二角之度必等

心角之一半

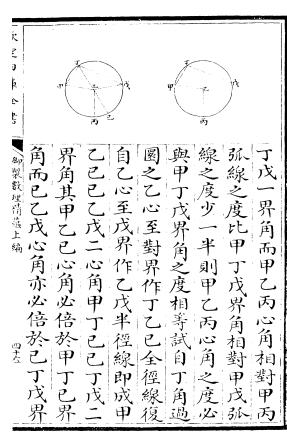
則甲丙乙乙丁 弘線之一段則心角必倍心角與甲丙乙乙丁甲界

於界角

愁、

老二

盆 万 173 盾 刍 7







戏

已弧 已己 角 線之 所 丁戊二

是一半夫

甲

2

一界

角

所

併

2

度

一乙戊二

一心角

所

併

則甲

而

甲

两

角

又為

乙甲

丙

弧

線

既

為甲

所

倂

2

度必

於

甲

倍則

して戊二心角 丁戊二界角

角今以甲 丁己己

乙己己乙戊二

一心角

倂

P 相

1 4

Ė

Ľ

万





翠

於

碧

於 甲丁 必然為 P 内界角立

ある

丙

墨

为 翠

Ž

丙

界角

圂

JE.

則

此

2

直

角

自

甲

2

半

圛

作於丙

也之

平

復

自

T

界

其至丙

累

心戊

線兩

成

P

角

相

對

2

為輻為

四

分

之

翠

界

四

累

界 即

為

直 角

) Ď ` 2. 5

節首 云卷既

呈夫

15

角

第 A

心角為

直

角

而

角亦必為

累

七色

正 为

则

甲

累

分之一而甲

角矣

角相 對 心甲丁丙

**孙** 京縣 泉區 為既必

界乙弥

角度

相

筝

四两線具本對

半

則甲

為與

心角相對之甲丁以一一角之度相等矣

弥十如相

為云第線

甲乙丙

為

亙 1

月

盆

灾 E





之

墨

既然甲

對度比為故

與戊之必界鈍此

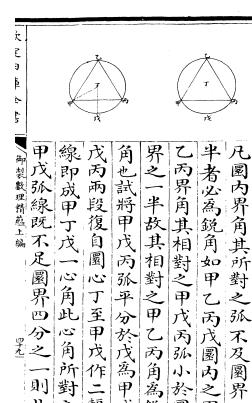
甲两甲相角角甲 丁弧戊等相从成 則戊線弥勒對一首弧 線十本之節卷線 一正是那第相

角

角

鈍

角



輻



一年丁戊心角既為銀戶 一年所對之孤為一半即

角

則

三角形之甲乙乙丙二不相交則謂之函國口凡函國各界形之各領

丙切線

甲

圈各

界與

形圆

如界

甲相

丙而

初

面園各

心角

必為

十月.

甲一首卷

丙第

之鋭 則弧角

鋭此比矣

二角

之度 甲乙

丙必界此

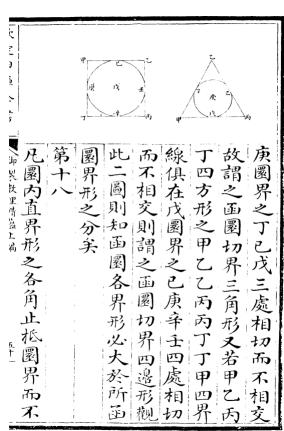
2

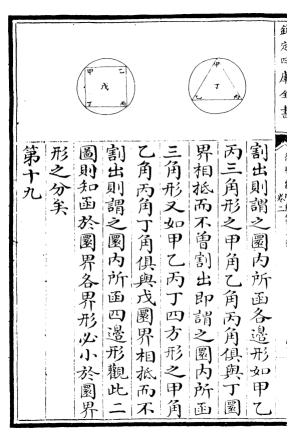
甲

ساليا

眉 刍

盆 万 173







等邊方角形以三角形之三邊比之六

數愈多愈與國界相近如甲國形面

丁等邊三角形又面乙已丙庚丁戊

等邊衆界形或面國或面於園且

少與圈

邊

形之六邊則六角形之六邊

近矣設有十二角形之十二

六角形之六邊則十二角之十二邊

即設改里青盆上扁 國界為近若有二十四角之二 又更近於十二角之十二邊美盖









面十二角

愈近

遇三角形亦少 自 上大於六角で

大於三角

形

由

此推之 此推

角

二角面六角二十四角 愈多者其度愈大故與園界

八如復有一面 函

國等邊

四 角

为

八角形

此四角部

可知

头岩

今甲

函等

角

國於既所

函之

鬼界

庫 全 書

欽 定 四

形

四之多邊形自 電影 國界 我十萬邊 國界

外六多之之於

多邊形自

於國界之多邊形為幾十萬邊殿而一自一自一題起其後後一一一自大邊起其後後一一一自一時大邊走後後一一一自一時大邊走後後一一一一時一日大邊走了 即製型精龜上編

於則

十二角

其

所

函 形 形 愈

十六角 邊

園設 設 界面

函

此二多邊形之每

則面

自

) 5

釤 灾 第二十 線界 曲線可得直線之度而多邊形之直一界線將與國界曲線合而為一故園

/形之

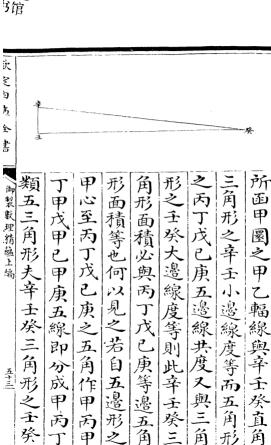
與一直角三角形之小邊之度等而面圖切界等邊形其所面圖之輻線 邊形之衆界共度又與三角形之大邊 之度等則三角形之面積與等邊 積等如两丁戊已庚等過五角形

亦可得為國界度也

洼

175 4

住



五角

五邊

所

í 5 ١ž



五三角

辛角

五三角

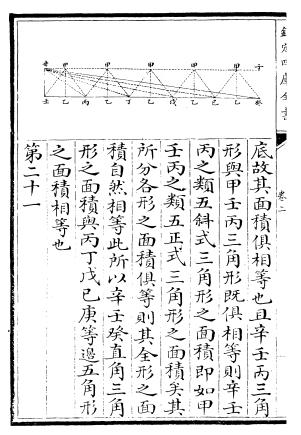
至三角

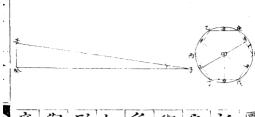
式三角形

至底各

形復自所分丙 再自甲 分之每 三角 辛 丁戊己四處

之 3 Э 5 Š 100 切 自 角 壬 面 御製數理精 追上編 丙 行 两 角 線 辛 三角形等 俱內 开多 形 2 為 同 底線 同 癸 辛 度 戊底 矣所與形 甲 為 辛 壬之 亦 第月成 رخ 同 21 癸辛 2 節為各為 角 辛 等矣 蓋 P 为 季四 辛 Ξ 五 丁 角線 甲 甲主 形 角 万 丙





,形之大邊

**₹** 

度等

則 此 心泉界形之

聚

函等

國心至愈

鱽

直

角三

角形

如 與直角 角 く度等 其國之 Ź 面 三角 旂 猜 等邊

7.

丙

丁

戊己

庚等

與

等

邉

ئرچ

/面積等

13

至

泉

形之王癸

丁戊己庚

五十五

壬癸子直角三角 函

印以次里肯島上高 六角 形 之乙丙、



三角形復自五八月形之祭子界一角形之癸子界 角

式三角形面積等也共五處作五科線式三角形度分別為六三角形度分

2

內

西式三角

成之士

斜角

將 六邊

形

作分形也若

正六以依两度

則此五子癸三角形之以共度又與三角形之以 已庚等邊六

與三角形

癸

大邊

面積必與

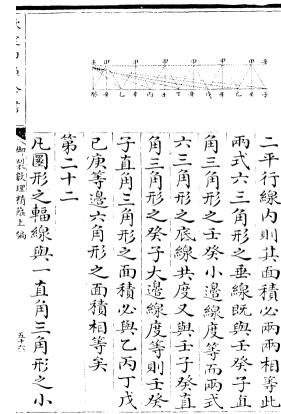
12

書

全

四 庫

欽 定



相

五十六

į

2

小邊 圛 丙 邊線度等一 形 線 丙丁戊三角形之 丁戊三角形之 之面積 度等則 以相等也 AT) 明相等如有一甲國四四此直角三角形之五 國之周 而甲 丁戊 一國形之乙周四八直角三角形之 半考者 いス 見之 界 面 與三角 積 如等邊 甲

印度界

之两

形

釭 灾

庫 4 1

面

精

欴 定 19 車 全 書 一人御製數理精驗上 急 長 等也若 周 於 翠 邊而國 國小是 界 與三角 周既面 線 短 於周 雖 夫 編線 多 累 線與 函 か 其團 界 形 泉故園園 其之 熙 穚 2 共 2 界 /大邊等 形積輻 分輻 界度 亦線 形相三 相分線 而 亦 相等角 等 等 於大之 大 ء 於 = 累 开系 角



四年萬正式三角四四界最近将合而五

為

將分通來勿、園與合為者界相園與

萬以之無

邊國界疑

之則設觀界分

段逼多之曲與形

干如形等之園

乃如之度兵等線之

依加本內直然則等而一次所即悉各也問人 正所能外線圈其而

圈之

周之

線輻

共積八三角

今此

翠

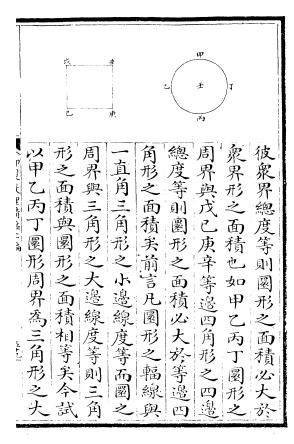
相

等

三角

灾 E Ð ŧ 红 書 御製數理精盤上編 輻線 圏之 貝寸 墨 邉 剅 周 正式三角 與 度 2 立式 曲 角 線 三角 亦 形 變而為 形之 三角 2 升多 既 中 與 形之小邊 翠 直線 線 線 周 形 角 既成 合

角形之面積比之甲國形之面積俱相之共積比之干萬正式三角形之西積內丁戊直角三之共積比之內丁戊百月形之共積比之內丁戊百月形之共積比之干萬正式三角形之共積 有一國形又一衆界 · 开ろ 翌



垂線為長若將三角形之之等却此四角形之四邊線度雖與圖則三角形之四邊總度雖與圖則三角形之四邊總度

自

線

灰度截開則之子丑小之子五小里子

小邊千輻

線作線形

丁園形

輻

線為

作

一子丑

寅

五角三角

等而三角

四 全 書

欽 定

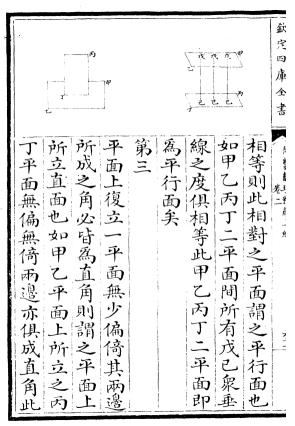
庫

角形之小邊 以甲乙丙

之此 角 FP 之丙則 我理精為上編了形之面積 面 與 丑寅 丁卯 積 卯 園 丑 凼 角 丑 等 形寅 = 與 首 戊己 寅而之 角 角 形 形 2 可 形 三角 庚 面 午口 辛 矣 積 形 期少之辛 與子五 凹 而 小面 丑寅三 四 角 此 此。 子 至凡於積角 角形之三角形之 形 甲 等 形 相 て、則 角 面 P

鉑 定 匹 庫 生き 大也之分同者則衆界之總度復比國界度分以大而衆界所函之分與國界所函之分與國界所函之 

第一年面之上所立直線無少偏倚其各邊不偏不倚此即為平面上所立之垂線等一不偏不倚此即為平面上所立之垂線 凡两平面相以 八何原本五 禹對 其所立衆垂線度俱各 1,4





所併所

為平面上所立之直

一面矣

凡各面相合其每面之角所合處復成 所生之厚角也如甲圖四面為四瓣相併所成之厚角也如甲圖四面為各瓣相併所成之厚角則謂之厚角夫厚角必自三

第五

一一一即段段里情温上為

欽 定 四 庫 全







五面 一种復以下 五般開

因

圛

周

故 甲

四直

角

瓣甲

100 作

甲

其こ

之丙面

能圖

離

處

角

開

相為平五

使圖

作乙丙成

丁戊厚

角岩

已平

也 如甲

衆角

所

合

2

不

足 將

於四直

所

成之

書

Ķ Ē Ð 車 全 書 合之厚角矣 將面面於合 之度 一而 甲併所 厚 写角展開使平山 一直角度也如甲 一直角度也如甲 直乙 角 甲 度為 内 丙 如内甲之 大甲 何之雖角乙丙兩



得

內必得二直角三角五四四直角度兵六角工

角

既

得

三直

角

而

得

角

剅

六 四片分離直角合之

之三全面 Ξ

形之仍

第

柏 併

泌

大

於

一直角

可

头口

头

平

線

交處

作 面

一垂線

正

立

而

此面線二

在

平

各處

俱為

虚分則為六角之全形以見之夫三面展開其以

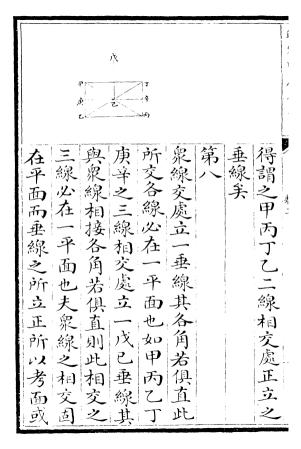
此實所

離

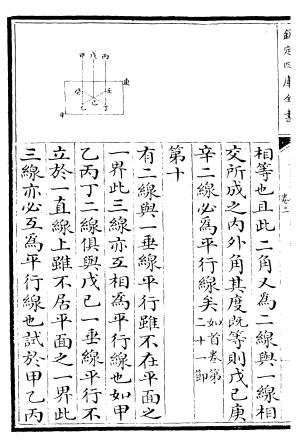
虚

分

钦 定 9 庫 全 書 離立處 而俱 戊虚 已偏於 向康有為已作 之於二丁 美所 垂 線 壬偏線任 斜. 角角两已倚也在已 為而線則假 甲垂 戊鋭遠既如使乙線 壬戊 已角於近 丙亚丙 既壬甲 於己己丁立 女口 已乙辛線垂平 盖壬 甲 而 而近 線 面 巴王王離於 不上 於辛能某 不乙丁庚而正一則

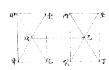


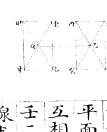




俱壬丁生 俱美為二 過 之 一之戊已 上為是平角已各 行两作角 皇生角一卷線丁相俱 是之夫聯一已交 角甲而邊戊二直 線 Â, 音 己 日 之 泉 與 垂 縣 已為各己過二十月八日 平 面 垂辛角等角已自所平

ŗ E Э 車 Ł \$





五相為平行面也如此 工二平面之間横一片 生角岩俱 戊甲直即直直以此一直 俱成直角則 庚相此 線 丙對線 Jt. 已丁面

第十 線 今可知矣 與戊已線至

為

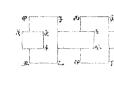
為五相平 紀丙丁二線

行亦

之特

火 E E Þ È 5 等 甲 如 之 故 於 甲 て 甲 丙 庚 平 丙 猫 相 2 辛 2 丙 已戊 緿 丁面 各 壬 癸 已線 P. 相 癸二 與所 相 丙 戏 生之 當 尖 ₹. 盐 角 交 線 横 錯 錯 線 為 俱 則 之角 為直 Á, Ż 相 平 水

亦



癸 生

横之有之人

戊平行

面

相

平二戊平行面線已行面

相亦平如横

交俱面甲交

生也率丁其

縫以癸行交既言之二處

相面所

庚交上生

所行康丙

二何主平

第 十一然

五高平

自

行

線

头

線车

俱對

同二 為平

行之 線上

则所

相有

之

相

當

各

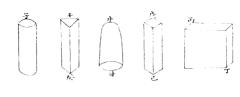
對

之二平

既 相

平 面

欽 定 鸣 庫 全 書 面凡第之 自為 圆 然平面 各十 名種三線相行之 面 之面 亦對線甲 則 得故且丑 益謂 所 為此又 2 全積 平二在 周 體 愷 丙 面已卯 白 乙戏 寅 與 愷 平 面之 而 止 内 各 全现 圓



相 面 仍 等 對謂 雖 面 两 2 曲 兩 之之 此 各底 謂 相 體 平 面 面

之 面 等 两 īE.

平 面 平 相 而 方 骨曹 對 相 行 面 體雜 各 成丙 行 方邊 康 主 而 两 所成 丁 不體則 迁 尚 下 戊 成 其 、各角 两 又 是 為 等邊 也 面 平 相 رح 嵩 行 對

一體 角 是 条 各

W.

又

面各别

局

長圆體头 圆 新體謂體 面) 帽豐 俱 鋭如之 四解光體底泉 四解光體底泉 照生於園面 合長 故

線 為 如 於樞 取

丙半

乙圆

轉則形旋乙度

轉

土

丁

長

圆 形 圆 甲

圆

形

則

丙生 於

图

如復 體轉乙取還

如復中甲 取還線乙原心甲中於為戊處將乙

圓乙線

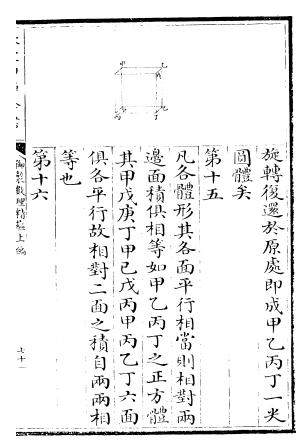
1/4

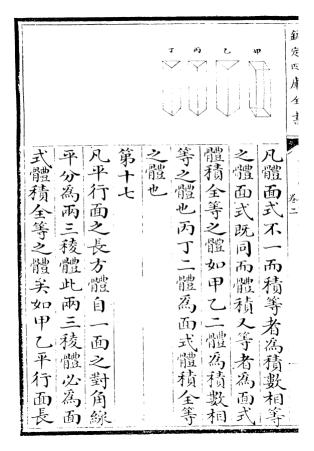
**丙原福巴即甲 成西** 

将行甲乙

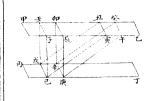
底成丙面 兴甲丁之

欽 定 四 庫 全 書









面之間於戊已庚京體其積必相等設四

甲間

乙岩

一两丁平行二

二平行

其積

子丑寅平面三角形之壬戊己

俱

相等

相等何也盖因子戊?

全等體

無疑 头

各相等則其積 分少各相等今所分二形

必等而

為 面

之各

面

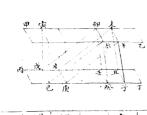
既

II. 盾 7

刍

釛 灾

ŗ E 9 幺 書 午面面形 雷度 癸 各印度相看是一角形之一一角形之一一角形之一 而癸 既癸此與其癸寅壬 面已子声與 而面 之之庚辰午卯 面度度辛卯面辛 丑角 一之平庚寅形 两亦既 生三 必 等面面 行辰平 則平與 角俱 故及面 五行丑 其千三 之其子其寅



面

豐

骨豊

2

一一寅庚

正康如

面辛甲

平玉乙底

行祭内之

各

相等設

立於

等

積

八平行平面之間大平行體其積必但平行體其積必但

第 打.

面 行豐

必

相

等則

也此 可壬

知康

矣 癸

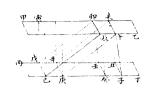
ک

各邊 之積度

等

叉 然俱

各



面 復

之而戊

卯已

其子庚面

立

至

卯

子

平

體

庚

斜

之與寅於等庚 間卯東卯兵二體 作

面

行行等又其

面供以

面午云前立 平未節於卯 行

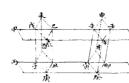
於體行

等相體

精等卯

之云

各平

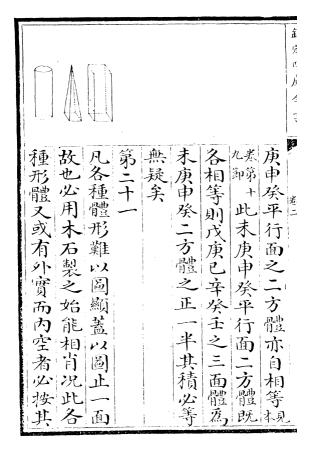


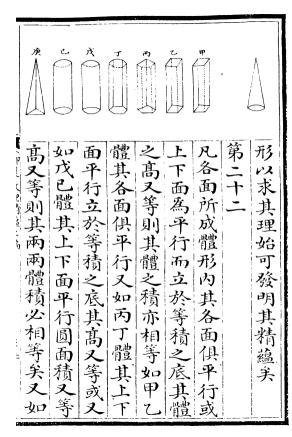
三角

小二線面之

欽 定 四 庫 全 書







欽定四 庫全書 在 學要到者為上級 俱相等如子 何以見之若將衆兴體分為 同髙者不論平 寺故其全體之韓 其體之高若等則 上下面平行各體俱 辛壬癸之類火體 小體其所分衆 了丑圖其所分小體之積 積亦相等也 面 圆面其平 其體之積 一的立於 平 -行底之 慣豊 间, 筝

子 (i) 如等其戊則乙 震與子五头一 辨 面 尖 形度 2 體 等 <u>}</u> 又 7. 等其下 Ę. 底 ヌ! 積 則己面 女口 壬 辛 筝 平 體 戊 癸 行與 2 两 = 1 底. 丙 之 稜 積 T 慣 等稜 面 體 與 兰两 函 平 髙 行康 2 鄭 Ξ 度 形

釦 定 12 库 全 建 體與 合長 同 之 教等人或一人人 與甲乙戊己 子 子 同馬與體 兴 丑 圓 两 髙 僧 同 子 類三 面 度 丁 高丑 四边门员 唐體形 又 戊則 头 辛 筡 6 體已 子圆 新底 又则 面 五體光 女口 主 跃. 同 共 與體高 壬 俱 則癸長 等圓 药 Ξ 丁倍 王長圓

夫三康所癸圆

之衡之一乙故雖等之 相相凡第 等等長 情以分也戊知不其 則而圓十分較作如已丙同積可 四自其同将王丁首必知 長長體 昭分底上癸庚底等 矣 圆外 圆 清體 體 周 然量同下上辛精而式益 精半面 可則高面下子高丙雖甲 見各之平面丑度丁不乙 少徑積 得又與 矣體各行平平相次同戊 長與長 平各行底等辛节已 方長 方 底體各头 且子底王 體方 骨曹 头以體體積且積癸 積 體 底 體木三五亦各高各 之 高面 用石分為少體度體 半度積 植為之甲等式相其

長之子癸之乙徑之長 髙丑中一丙又庚圓

即之長外甲積之等外長五光面乙少戊而面

子體分丙得康長積

長期至也長長底其 共圓千周試圓方面周 底體萬圍將體體積閱

圆與也

半此為丁戊高 

體與已線半

丁與已

四 庫 書

欽 定

全 為製數理料為上

4

5 > 2 此角 與 面 製數理精 面 二見丑為 心 縊上 鱼 即卷新 角 悄豐 編片 JP 長 眾 積 角 筝 庚 Ð. 見川 面 辛 2 1t 見山 面 13 纇 姐 寅 衆 力之 Ð. 寅 卣 鱼寅 ی B = | 第見 類 既



第

外 £

與火

體之世世 面積

外兴面圆 與 尖 四體之積等也如田大圓體之 馬度等以此人人人人 庚

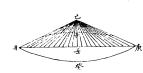
如甲

必為戊已長方體之一半 既與卯 圆體為戊已長方體之

-故甲乙丙

一半

辰康辛已寅三角



為 必 皆與 體 兴體

心分為 與 尖

圆體

所

分

头

體

劢

等

則

球

體

沂

分

體

分

头

體

皆

バス

球

慣

Ž

面

兴 員 球體 头 所

2

甲

半

徑

髙

头

圆

體

2

壬

髙

多

髙

圆

一印見及里青五上高

圓

四體之已

圓

體

積

筝

也

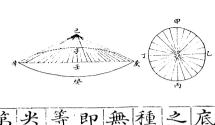
盐

萬

復

圓

慣



疑

十見

离 头

夹

體

球

骨豐

兴

圆

體

體 俱

相

節卷稿 體 相 同 甲 所然 底 戊 此 同高 半 两 種 故 徑 E

等而

欽 定 四 庫 全 書

髙度

與

球

與

球

僧豊

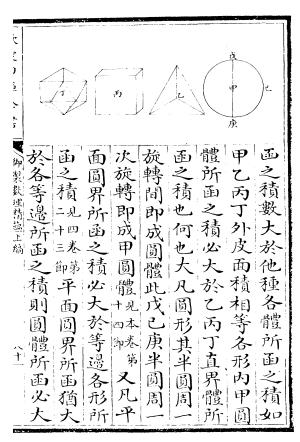
2

面

積

圓

两



圖

慣

为

各

為界為

又

正之

JE. す

方 為面

第二十 而 角所 名之

為六面體每 直

而

面界

如

甲

圖

也

是

俱度

二為 四 俱面

每

面

成等 面 醴 形 等體

五

種

各

面

於 各直界 所 函 之 積 可

去口

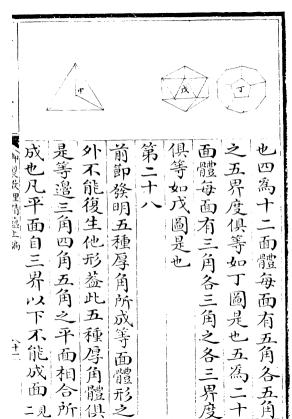
矣

生 丰

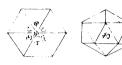
175 庫

埞

鈁



欽 定 O 庫 全 書





角皆三平面三角 面

形所合過於五形則不平面三角形所合而去

不

厚

角故平面三角

即能

成其

也然平面三角

其六厚

面三

二角,

形所

角皆四平

厚角自三面 厚角

始

甲

面

四

成體

所

合 而

也

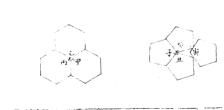
自三

面

いふ

能





不大寅他

合直角或

相

於之形

四

矣 五如 す 角戊 角既於四 쁨 故 形 大壬平 + 四 而 角 ت 於此面所 成四四五 至 合面 耶直角角而體 於 是角俱形成其 平生 以在為如此 面 厚 \_ 十五角 平鈍及外 面面角子更厚角僅 五尚少丑無 角形 有

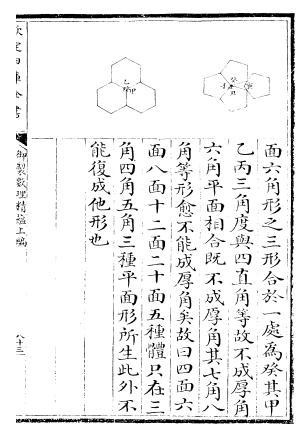
诗所

平

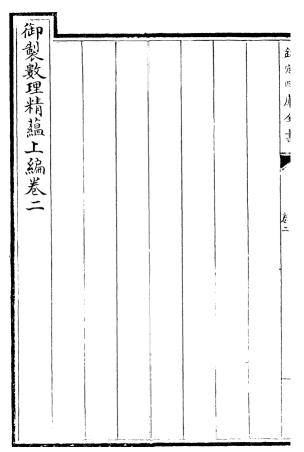
成

厚

쉮 疔 Œ 庫 牟 1



=					1	T		
たこう自己を				l		1		)
,	١			l	[			
۱ ـ		1		1	1		j	-
) l			1	1	1	1		į
				-			į	1
브			l	1	į	1	1 1	' 1
_	1			1	ļ.	1	1	
			1		1	1		. !
5	1	1	}				1	1
- 1		1	:				:	'
U			1				1	' 1
3			1	:		1	i	1
御		i	1				,	
到		1	1				,	'
弘	1	1		1				
一年製數理精蘊上統	1	1	:					; 1
精		!	!	1.				! !
讀		ı		i				
1	١							r 1
12								
	i .							: 1
ļ		į						1 1
1		:		1			1	
i	1	;		1			1	, 1
- 1	!					1	t	1
		1					1	
								( )
$\sim$		1				į.		!
1		i				1	İ	
(十四)			1	,	i			1 1
		1		i			1	
	i		:	-	1			
	i	•		İ	1 .	1		
	i	;					1	1 1



總校官庶吉士臣張能照

**腾銀監生臣** 

圖監生臣